

四庫全書

子部

欽定四庫全書

子部

莊氏算學卷
四至
六

詳校官欽天監博士臣古之雄

靈臺郎臣倪廷梅覆勘

總校官進士臣朱鈐

校對官五官靈臺郎臣陳際新

謄錄監生臣秦鼎雲

繪圖天文生臣林皋

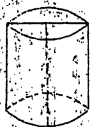
欽定四庫全書

莊氏算學卷四

淮徐海道莊亨陽撰

曲線體

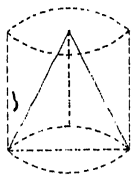
設長圓體徑與高皆七尺問積幾何



尖圓體之積也

一率一〇〇〇〇〇〇〇〇
二率二六一七九
三八八 三率二一六 四率五六五四八六六七八
八〇

設尖圓體底周二十二尺自尖至底周之斜線五尺求中垂線之高幾何



法以底周二十二尺求得底徑數折半得半徑為勾以自尖至底周之斜線五尺為弦求得股數即中垂線之高也

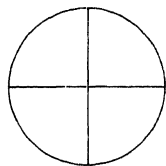
三尺五寸六分九釐三豪三絲三忽有餘即中垂線之高

設圓球徑二尺問外面積幾何

法以圓球徑二尺求得周數與徑二尺相乘得數即圓球之外面積也

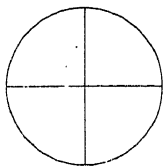
一十二尺五十六寸六十三分七十釐有餘即圓球外面積

設圓球徑一尺二寸問積幾何



法以圓球徑一尺二寸求得圓面積數以圓球徑一尺二寸乘之得數為長圓體積三歸之得數倍之即圓球之體積也

又法以圓球徑一尺二寸求得圓球之外面積數以半



求得四率數為與圓球徑相等之正方邊之正方體
積開立方即得圓球之徑也

一率 一〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇
二率 一一四一九〇九
三率 六一五五八
四率 一四九一五五九

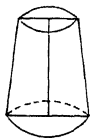
二〇

圓面積又以上徑四尺與下徑六尺相乘得數開方得
中徑用徑求圓面積法求得中圓面積數三數相併與
高八尺相乘得數三歸之得一百五十九尺一百七十
四寸二十七分四百六十六釐有餘即上下不等圓面
體之積也

又法以上徑四尺與下徑六尺相減餘二尺折半得一
尺為一率高八尺為二率下徑六尺折半得三尺為三
率求得四率二十四尺為上下不等圓面積上補成一

徑相乘三數相併以高八尺乘之得數為三率求得四率即上下不等圓面體之積也

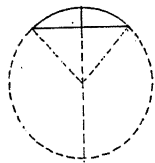
設上下不等橢圓面體上大徑四尺小徑三尺下大徑八尺小徑六尺高十尺問積幾何



法以上大徑四尺與上小徑三尺相乘得十二尺以下

九六九四為二率以上大徑四尺倍之加下大徑八尺
共十六尺與上小徑三尺相乘得四十八尺以下大徑
八尺倍之加上大徑四尺共二十尺與下小徑六尺相
乘得一百二十尺兩數相併以高十尺乘之得數為三
率求得四率即上下不等橢圓面體之積也

設截球體一段高二寸底徑九寸六分問積幾何
法以高二寸為首率底徑九寸六分折半為中率求得
末率一尺一寸五分二釐為圓球之截徑加高二寸為



圓球之全徑折半為圓球之半徑又以高二寸為勾底
徑折半為股求得弦五寸二分作平圓半徑用求圓面
積法求得平圓面積數即為截球體一段之外面積與
圓球半徑六寸七分六釐相乘得數三歸之餘為自圓

球中心所分球面尖圓體積又以截球體底徑九寸六分用求平圓面積法求得截球體之底面積數於圓球半徑六寸七分六釐內減去截球體之高二寸餘數與截球體之底面積數相乘得數三歸之餘為自圓球中心至截球體底徑所分平面尖圓體積與球面尖圓體積數相減餘即截球體一段之積也

七十六寸五百七十一分八
百八十釐有餘即截積數

設空心圓球積二千寸厚三寸問內外徑數各幾何

所得空心正方體積數相減餘數六歸之得數用厚三寸除之得內徑相乘長方面積數乃以厚三寸倍之得六寸為長濶之較用帶縱較數開平方法算之得濶一尺一寸四分六釐三毫九絲七忽有餘即空心圓球內徑加較六寸即空心圓球外徑也

一率	一〇〇〇〇〇〇〇	二率	一九〇九八五	
九三一七	三率	二〇〇〇	四率	三八一九七一八
六三	四			

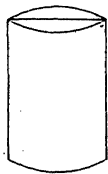
設圓窖一座周二十四尺高十尺問盛米若干

法以周二十四尺求得圓面積數與高一丈相乘得數
為圓窖之積數乃以米一石積數定率二千五百寸為
一率一石為二率圓窖體積四百五十八尺三百六十三
六寸二百二十分有餘為三率求得四率一百八十三
石三斗四升六合四勺有餘即所盛之米也

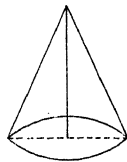
一率二千五百寸 二率一石 三率四百五十八
尺三百六十六寸二分有餘 四率一百八
十三石三斗四升
六合四勺有餘

設圓窖一座盛米一百六十石高十尺問周徑各

幾何



法以米一石為一率一石積數二千五百寸為二率盛
米一百六十石為三率求得四率四百尺為圓窖之積
數以高十尺除之得四十尺為圓窖之面積乃以圓積
一〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇為一率方積一二七三二三九



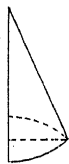
與高五尺相乘得數三歸之為尖圓堆之積數乃以米
一石積數二千五百寸為一率一石為二率現得之尖
圓堆之積數二十五尺九百九十五寸三百零六分八
百二十釐有餘為三率求得四率一十石零三升九合

八勺一抄有餘即所堆之米數也

一率二五 二率一 三率二五九九

五三〇六八二 四率一〇三九八一

設倚壁積米一堆高四尺底周六尺問米數幾何



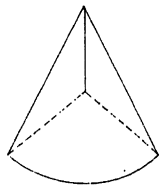
法以底周六尺為半周倍之為全周以周求得圓面積
數折半為倚壁尖圓堆之底面積以高四尺乘之得數
三歸之為倚壁尖圓堆之積數以米一石積數二千五

百寸為一率一石為二率現得之倚壁圓堆之積數
七尺六百三十九寸四百三十六分有餘為三率求得
四率三石零五升五合七勺七抄有餘即倚壁所堆之
米數也

一率二五 二率一 三率七六三
九四三六 四率三〇五五七七

設倚壁內角積米一堆高五尺周一十二尺問米
數幾何

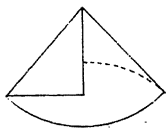
法以周一十二尺四因之得四十八尺為全周以周求



得圓面積數四歸之為倚壁內角尖圓堆之底面積
與高五尺相乘得數三歸之為倚壁內角尖圓堆之
積數乃以米一石積數二千五百寸為一率一石為二
率現得之倚壁內角尖圓堆之積數七十六尺三百

九十四寸三百七十分為三率求得四率三十石零
五斗五升七合七勺有餘即倚壁內角所堆之米
數也

設倚壁外角積米一堆高六尺底周三十三尺
問米數幾何

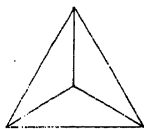


法以周三十三尺三歸四因得四十四尺為全周以周求得圓面積數四歸三因得數為倚壁外角共圓堆之底面積以高六尺乘之得數三歸之即倚壁外角共圓堆之積數乃以米一石積數二千五百寸為率一石為二率現得之倚壁外角共圓堆之積數二百三十一尺九十二寸九百七十二分八百八十釐有餘為三率求得四率九十二石四斗三升七合一勺八抄有餘即倚壁外角所堆之米數也

一率二五 二率一 三率二三一九
二九七二八八 四率九二四三七一八

各等面體

設四面體每邊一尺二寸求積幾何



法以每邊一尺二寸為弦每邊折半得六寸為勾求得
股數為每一面之中垂線與每邊一尺二寸相乘折半

為每一面之面積又以每邊一尺二寸為弦每一面之
中垂線取其三分之二為勾求得股數為四面體自尖
至底中心之立垂線或以每一面之中垂線數為弦每
一面之中垂線取其三分之一為勾亦得股為四面體
自尖至底中心之立垂線以此立垂線與每一面之面
積數相乘三歸之得二百零三寸六分四十六分七百
三十七釐有餘即四面體之積也

又求自尖至底中心之立垂線捷法以每邊一尺二寸

五十釐問每邊數幾何

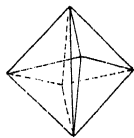
法以四面體積一一七八五一一二九為一率正
方體積一〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇為二率現設之四面體積二
百零三寸六百四十六分七百五十釐為三率求得四
率一尺七百二十八寸開立方得一尺二寸即四面體
之每一邊也

一率一一七八五一一二九 二率一〇〇〇〇〇〇〇〇〇
〇〇〇 三率二〇三六四六七五〇 四率一七二
八

又法以正方體之每邊一〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇為一
率四面體之每邊二〇三九六四八九〇為二率現
設之四面體積二百零三寸六分四十六分七百五
十釐開立方得五寸八分八釐三毫三絲六忽五微
有餘為三率求得四率一尺二寸即四面體之每一
也

一率一〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇 二率二〇三九六四
八九〇 三率二〇三六四六七五〇 四率一二

設八面體每邊一尺二寸求積幾何



法以八面體分作二共方體算之將每邊一尺二寸自
乘得一尺四十四寸為二共方體之共底面積又以每
邊自乘之一尺四十四寸倍之開平方得一尺六寸九
分七釐零五絲六忽二微有餘為二共方體之共高即

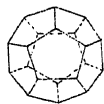
一率一〇〇〇〇〇〇〇〇
二率四七一四〇〇四
五二一 三率一七二八 四率八一四五八七〇一二

設八面體積八百一十四寸五百八十七分一十

二釐問每邊之數幾何

法以八面體積四七一四〇四五二一為一率正方體積一〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇為二率現設之八面體積八百一十四寸五百八十七分一十二釐為三率求得四率一尺七百二十八寸開立方得一尺二寸即八面體之每一邊也

設十二面體每邊一尺二寸求積幾何



法以十二面體分作十二五角尖體算之將每邊一尺
二寸求得五等邊形之分角線為一尺零二分零七毫
八絲零九微有餘自中心至每邊之垂線為八寸二分
五釐八毫二絲九忽一微有餘面積為二尺四十七寸

七十四分八十七釐三十毫有餘乃用理分中末線之
大分六一八〇三九九為一率全分一〇〇〇〇〇
〇〇〇為二率現設之每邊一尺二寸為三率求得四
率一尺九寸四分一釐六毫四絲零七微有餘為每一
面兩角相對之斜線又用理分中末線之大分六一八
〇三九九為一率全分一〇〇〇〇〇〇〇〇為二
率現得之每一面兩角相對之斜線折半得九寸七分
零八毫二絲零三微有餘為三率求得四率一尺五寸

七分零八毫二絲零二微有餘為十二面體之中心至
每邊正中之斜線乃以此斜線為弦每一面中心至邊
之垂線八寸二分五釐八毫二絲九忽一微有餘為勾
求得沒一尺三寸三分六釐二毫一絲九忽六微有餘
為十二面體之中心至每一面中心之立垂線以此立
垂線與每一面積二尺四十七寸七十四分八十七釐
三十毫有餘相乘三歸之得一尺一百零三寸四百八
十九分零二十九釐有餘為一五角尖體積十二因之得

體積一十三尺二百四十一寸八百六十九分四百六十四釐為三率求得四率一尺七百二十八寸開立方得一尺二寸即十二面體之每一邊也

一率七六六三一八八九〇三
二率一〇〇〇〇〇〇〇〇
三率一三二四一八六九四六四
四率一
七二
八

又法以正方體之每邊一〇〇〇〇〇〇〇〇為一率
十二面體之每邊五〇七二二二〇七為二率現設之
十二面體積開立方得數為三率求得四率即十二

分九百零六釐求每邊數幾何

法以二十面體積二一八一六九四九六九為一率正
方體積一〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇為二率現設之二十面
體積三尺七百六十九寸九百六十八分九百零六釐
為三率求得四率一尺七百二十八寸開立方得一尺
二寸即二十面體之每一邊也

一率二一八一六九四九六九 二率一〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇
〇〇〇〇〇〇 三率三尺七百六十九寸九百六十八分九百零六釐 四率

一七
二八

欽定四庫全書

莊氏算學卷五

淮徐海道莊亨陽撰

中西筆算

度量權衡

度法

丈 尺 寸 分 釐 毫 絲 忽 微 纖 沙
塵 埃 渺 漠 模 糊 逡 巡 須 臾 瞬 息 彈 指

刹那 六德 虛空 清淨

俱通以十析

量法

石 斗 升 合 勺 撮 抄 圭 粟

俱通以十析

六粟

為圭

權衡

兩 錢 分 釐 毫 絲 忽

俱通以十析忽以下並與度法同

凡丈石兩以上則為十百千萬億

通增十倍

兆 京 垓 秭 穰 溝 澗 正 載 極

恒河沙

阿僧祇

那由他

不可思議無量數億
以下俱遞增萬倍

田法

頃

百畝
為頃
畝
步為一畝
分
步為分
步
為步
方五尺

斤法

斤

十六兩
為一斤
兩
以下俱與
權衡同

里法

里

三百六十步為一
里計一百八十丈

歷法

周天

為十二宮

宮

為三十度

度

為六十分

分

秒

微

纖

忽

芒

塵

俱通以六十析

日時

日

十二時又為二十四小時

時

八刻又為二小時

刻

十五分

分

以下俱與前同

石法

石

積二千五百寸即正一尺高二尺五寸此係舊法如以尺度較倉積先將現用斗較准然後用為比例

方得密合也

命位

凡數視所命單位為本如度法命丈為單位則尺寸分釐皆為奇零命尺為單位則寸以下為奇零而丈則進而為十若命寸為單位則分以下為奇零而尺則進而為十丈則進而為百量法命石為單位則斗升合勺皆為奇零命斗為單位則升以下為奇零而石則進而為十若命升為單位則合以下為奇零而斗則進而為十石則進而為百衡法命兩為單位則錢分釐毫皆為奇零命錢為單位則分以下為奇零而兩則進而為十若

命分為單位則釐以下為奇零而錢則進而為十兩則進而為百故凡列數單為一位十為二位百為三位千為四位萬為五位如有數一萬二千三百四十五則以單位為末向前列之共有五位即知此數首位是萬矣至于歷法宮度分秒日時刻分之定位則每項命兩位如宮曰幾十幾宮度曰幾十幾度分曰幾十幾分之類蓋因秒以六十而進分分以六十而進度度以三十而進宮故常列一位即命一等者宮度時刻則兩位命為

一等而每一等有十單之列焉此又命位之最要者也

加法

加者命衆數而總成也蓋數始于一終于九至十又復為一等而上之十百千萬以至億兆京垓皆得名之為一即皆自一而加者也今自一位言之有自一至九之數合前後之位言之有單十千萬之等先自單數加起成十則進前一位仍為一以單數紀本位下挨次并之即得總數若夫宮度時刻斤兩之數則不以十進必足

所命之分始進一位

減法

減者較衆數而得餘也凡以少減多以小減大原有之數書于上應減之數書于下橫列必對其位相減必從

其類

如千減千百減百之類

如或下數大于上數不足減則借前

之一以減本位

加法由後而進前減法則借前而退後其理一也

前位作一點

以誌之既得本位則前位所借之一并于前數而為減數然數相減必先辯其多寡首位必大于減數始可其

定位亦然原列之次為減餘位

因乘

因乘者生數也以數生數有生生不已之義焉凡有幾數彼此按次加之為得總數然所加之次數多則必至于繁而無統此因乘之所以立也因者一位相因而得如二因三而成六四因二而成八也乘者多位相乘而得如兩位以上則各以每位所因之數而又層累以積之也其法以原數為實乘數為法實列于上法列于下

必使法實相當

如千對千百對百十對十單對單之類

按法乘實合而加

之為所得數定位之法視其法實所命之單位後有奇

零與否如無奇零則實中所命之單位相對即法尾之

數若有奇零則法實相乘者法實之一位統得數之二

位

如單位後奇零有一位則截得數之二位奇零有二位則截得數之四位向前為單位紀之

法實

相乘再以法乘者

即自乘再乘也

法實之一位統得數之三位

如單位後奇零有一位則截得數之三奇零有二位則截得數之六位向前為單位紀之是故得數

以一位論者則為單十百千之類以兩位論者則為自

乘之類以三位論者則為自乘再乘之類錯綜交互用法不一必須臨題詳審求其無誤始為得之具見設如于左

開平方法

平方積者兩數相乘所得之數也開之之法每方積二位得方邊一位

法以自乘數與方根相商以相合者即定為初商書于積之上而以自乘之數書于初商積之下爰以方邊末

位積數續書于下為次商廉隅之共積乃以初商之數倍之為廉法以除餘積足幾倍即定次商為幾倍書于方積之上而以次商數為隅法與廉法數相加得數為廉隅共法書于餘積之左以次商數乘之得數與次商廉隅共積相減減盡則已如有餘數又為第三位以後積數商開之法與次商同

開帶縱平方法

較法

法以縱方積四因以較自乘二數相加以開平方開之得邊總加較折半為長減較折半為濶也

又法以縱多折半自乘與原積相加以開平方開之得數為半和于半和較減半較得濶于半和加半較得長也

較數縱平方有較無長濶和故四因積數與較自乘數相加得長濶和積開方為長濶和

和數縱平方有長濶和無長濶較故用和自乘得和積

與四因積相減餘數為較積開平方為長濶較

總之有長濶和有較者于和內加較折半為長減較折半為濶其理同也

和法

法以縱方積數四因以和自乘得數減去四因之數以開平方法開之即長濶相較之數以較數與和數相加折半為長減較即濶也

又法以和數折半為半和自乘與原積相減以開平方

法開之得數為半較于半和減半較為濶于半和加半較為長

開立方法

立方者自乘再乘所得之數也有正方體之積數而求其每一邊之數也每積數三位得邊數一位其體形有初商之一大正方

此為自一至九
自乘再乘數

為首位用各數自乘

再乘為首位積以減通積餘數為次位以後積數次位積形為磬折體包大方之三面故有三平廉其邊與大

方等其厚與次商數等有三角廉其長與大方等其寬厚皆與次商數等有一小隅係次商自乘再乘之數法以初商數自乘相因為三角廉面積與餘積相商約得幾倍用為少之數即定次位為幾數然後以次商數與初商數相乘三因為三角廉面積又以次商自乘為小隅面積三數相并為平廉長廉小隅之共面積再以次商數乘之為磬折形通積以減餘積減盡則止如有餘數又為第三位以後積數開之之法與次商同

開平方者有正方面之積數而求其每一邊之數也每積二位得方邊一位以縱橫之積數能至十倍故也法以各數自乘之數除首位積其餘數為第二位以後積數次以首位數加倍為廉法以商餘積得幾倍即定次位為幾數並以此數為隅法然後以第二位數與廉法隅法相乘以減餘積減盡則止再有不盡之數又為第三位積數照前商除其法皆同

田地頃畝分法

縱橫方五尺為一步二百四十步為一畝一百畝為一頃凡地縱橫相乘得積步得積步以二百四十步除之得畝數再二十四步為一分除不盡者為零若干步凡得積丈以六十除之得畝數

每邊數一文
得積四步

再六丈為一

分除不盡者為零若干丈尺

正比例

以原有之兩數及現有之一數而求所不知之一數也其法以原有為兩數為一率二率以現有之一數為三

率二率三率相乘一率除之得四率為所求三率與一
率同類四率與二率同類

莊氏算學卷五

欽定四庫全書

莊氏算學卷六

淮徐海道莊亨陽撰

比例十法

一法正方

邊求積

設正方邊五十步問積數若干

法以方邊五十步自乘得二千五百步即正方積如係
田地則以畝法二百四十除之得畝數二十四步為一

分滿一百畝為頃凡面積皆同

積求邊

即開平方法

方求斜

設正方形邊五十尺求對角斜線

法以方邊五十尺自乘得二千五百尺倍之得五千尺開方得七十尺七寸一分○六毫有餘即對角斜線

又倍積求邊與此法同

斜求方

設對角斜線五十尺求正方形邊

法以對角斜線五十尺自乘得二千五百尺折半得一
千二百五十尺開平方得三十五尺三十五分五釐三
毫有餘即正方邊○又正方積折半求方邊與此法同

四倍積求邊

法以方邊數加倍即得

二法長方

邊求積

設濶八尺長十
二尺求長方積

法以濶八尺與長十二尺相乘得九十六尺即長方面積

積求邊

有長濶較或長濶和者用開帶縱平方法算之有濶邊者以濶數除積得長邊有長邊者以長數除積得濶邊

更面

設長方形長十二尺濶八尺今將長積倍之仍與原長方形同式問得長濶各幾何

法以濶八尺自乘得六十四尺倍之得一百二十八尺開方得一十一尺三寸一分三釐有餘即所求之濶乃以原濶八尺為一率原長十二尺為二率今濶一十一

尺三寸一分三釐為三率得四率一十六尺九寸七分
有餘即所求之長

三法斜方形

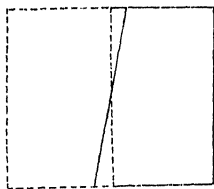
有兩
直角

有邊求積

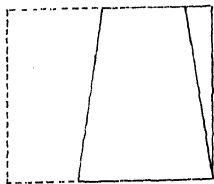
法以上濶二十丈與下濶二十八丈相加得四十八丈
折半得二十四丈與長五十丈相乘得一千二百丈即
斜方形積數

有積數有長有上下兩濶較求上下濶

法將積數加倍以長除之得數為上下兩濶和加較折
半得下濶減較折半得上濶



方斜



形梯

有積有上下濶求長

法將積加倍以兩濶共數除之得數即所求之長梯形

算法與前
斜方形同

四法三角形

有中長有底濶求積

設底濶八十尺中長
七十五尺問面積

法以中長七十五尺與底濶八十尺相乘得六千尺折
半得三千尺即三角形面積

有積數有底濶求中長

設三角形積三千尺
底濶八十尺問中長

法以積三千尺倍之得六千尺以底濶八十尺除之得

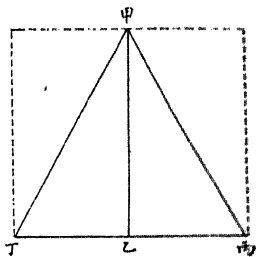
七十五尺即三角形之中長

有積數有中長求底濶

與前法同

勾股形

有邊求積有積求邊算法俱與三角形同蓋三角形之中長即勾股形之股三角形之底為勾之兩倍三角形積亦勾股形積之兩倍俱得長方面之一半故全與全半與半為比其數相同



甲丙丁為三角形丙丁為底濶甲乙為中長甲
 丙乙為勾股形甲乙為股丙乙為勾甲丙為弦

五法銳角鈍角三角形

多邊形附

三角形求中垂線及面積

設三角形大股十七尺
 小股十尺底二十一尺

法以底二十一尺為一率兩腰相加得二十七尺為二率兩

腰相減餘七尺為三率求得四率九尺為底邊之較

如圖戊丙

與底二十一尺相減餘十二尺

乙如圖戊

折半得六尺

乙如圖丁

乃

用勾弦求股法以甲乙小腰十尺為弦自乘得一百尺為弦方乙丁六尺為勾自乘得三十六尺為勾方弦方

內減去勾方餘六十四尺開方得八尺為股即甲丁中垂線再以中垂線八尺與乙丙底二十一尺相乘得一百六十八尺折半得八十四尺即三角形面積

凡十字正角為直角大于直角者為鈍角

如圖甲角

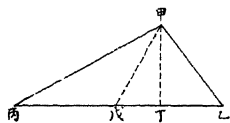
不及

直角者為銳角

如圖乙角丙角也

甲乙邊為小腰甲丙邊為大

腰乙丙邊為底戊丙為底較甲丁為中垂線



多邊形

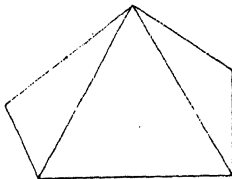
有邊有對角斜線求面積

法依對角斜線分多邊形為幾形算之

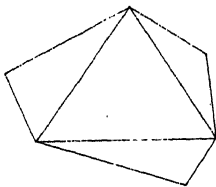
四邊形



五邊形



六邊形



六法兩兩等邊無直角斜方形

此等形必有對角斜線方可命算

有邊求積

設斜方形兩小邊皆二十五尺兩大邊皆三十九尺對兩銳角斜線五十六尺

問面
積

法以對角斜線分斜方形為兩三角形以對角斜線五

十六尺為底大邊三十九尺小邊二十五尺為兩腰用

三角形求中垂線法

法載三角
形條下

求得中垂線十五尺乃

以對角斜線與中垂線相乘得八百四十尺即斜方形之

面積

有勾有股求弦

法以股自乘得股方以勾自乘得勾方兩自乘數相加

開平方得數為弦

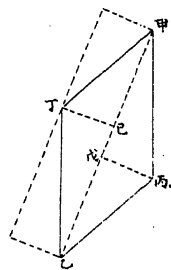
有勾有弦求股

法以勾自乘得勾方以弦自乘得弦方弦方內減勾方
餘數開平方得數為股

有股有弦求勾

法以股自乘得股方以弦自乘得弦方弦方內減股方
餘數開平方得數為勾

甲乙為對角斜線丁己與丙戊俱為中垂線



七法方環形

有邊求積

設方環外周二十八丈
內周一十二丈求面積

法以外周二十八丈四歸之得七丈自乘得四十九丈
又以内周一十二丈四歸之得三丈自乘得九丈兩自
乘數相減餘四十丈即方環面積

有積及濶求內外邊

設面積四千尺濶二十尺求內外方邊

法以濶二十尺自乘得四百尺

如圖之甲壬寅戊小正方四因之為四

正得一千六百尺與環積四千尺相減餘二千四百尺

壬戌子辛等四縱方共積

四歸之得六百尺

一線方積

以濶二十尺除之

得三十尺即內方邊又以濶二十尺

如圖甲壬倍之如甲壬并

子得四十尺加內方邊三十尺

如戊辛與壬子等

得七十尺即

外方邊

有內外方邊求邊

法以外周二十八丈四歸之得七丈如圖甲丁又以內周一十

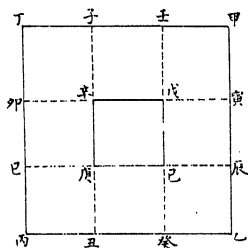
二丈四歸之得三丈

如圖戊辛與壬子等

七丈與三丈相減餘四

丈如圖甲壬及子丁二段

折半得二丈即方環外周至內周之濶



八法圓面

徑求周

設圓徑一尺二寸

法用周徑定率比例以徑數一一三為一率周數三五五為二率現設圓徑一尺二寸為三率求得四率三尺七寸六分九釐九毫有餘即所求之圓周

周求徑

設圓周一丈五尺

法以周四三五五為一率徑數一一三為二率現設圓周一丈五尺為三率求得四率四尺七寸七分四釐六

毫有餘即所求之圓徑

徑求面積

設徑
八寸

法用徑求周法求得圓周二尺五寸一分三釐二毫七
絲有餘折半得一尺二寸五分六釐六毫三絲有餘又
將徑八寸折半得四寸兩折半數相乘得五十寸二十
六分五十四釐八十二毫即所求之圓面積

又法用方周圓周定率比例以方周定率四五二為一
率圓周定率三五五為一率現設圓徑八寸自乘為三

之圓周六尺六寸自乘為三率求得四率即圓面積

圓面積求徑

設圓面積六尺一十六寸

法用圓周方周定率比例以圓周二五五為一率方周四五二為二率現設之圓面積六尺一十六寸為三率求得四率七尺八十四寸三十一分五十四釐九十三毫為正方面積開方得二尺八寸〇五毫有餘即所求之圓徑

圓面積求圓周

設圓面積六尺一十六寸

法用圓積求徑法求得圓徑二尺八寸零五毫有餘又
用圓徑求周法求得八尺七寸九分八釐有餘即圓之
周數

九法橢圓

一名鴨
蛋形

徑求面積

設大徑九尺小
徑六尺問面積

法以大徑九尺與小徑六尺相乘得五十四尺為長方
積乃用方積圓積之定率比例以方積一〇〇〇〇〇
〇〇〇為一率圓積七八五三九八一六為二率長方

方積得數即大徑

十法圓環形

圓環形有內外周及濶求面積

設外周二十一尺三寸內周七尺一寸

濶二尺二寸六分問面積

法以外周二十一尺三寸與內周七尺一寸相加得二十八尺四寸折半得十四尺二寸以濶二尺二寸六分乘之得三十二尺零九寸二十分即圓環形之面積

圓環形有內外徑求面積

法用圓徑求周法以內徑數求得內周外徑數求得外周又以內徑與外徑相減餘數折半為環濶依前有內外周及濶求面積法算之即徑

圓環形有內外周求面積

法用圓周求徑法以內周數求得內徑外周數求得外徑乃以兩徑相減餘數折半為環濶依前有內外周及濶求面積法算之即得

圓環形有面積及濶求內外徑

設面積四百六十二尺濶七尺求內外徑

法以濶七尺除面積得六十六尺即內外周相併折半

之數為中周

已如圖戊

乃用周求徑法求得徑二十一尺

有餘為內外徑相併折半之數為中徑

已如圖戊

加濶七

尺得二十八尺有餘即外徑中徑內減濶七尺餘十四

尺有零即內徑

圓環形有面積及濶求內外周

依前法求得內外徑再用徑求周法算之即得

圓環形有面積及內周求外周并濶

設面積三
尺六寸內

周一尺
一寸

法以內周一尺一寸用周求徑法求得內徑三寸五分
零一毫有餘又用周徑求積法求得內周圓面積九寸
六十二分七十七厘五十毫與圓環積三尺三十六寸
相加得三尺四十五寸六十二分七十七釐五十毫即
外周圓面積乃用有圓面積求徑法求得外周徑二尺
零九分七釐七毫內減去內徑三寸五分零一毫餘一
尺七寸四分七釐六毫折半得八寸七分三釐八毫即

圓環形之濶又用徑求周法求得周六尺五寸九分有餘即外周數也

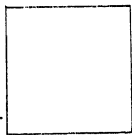
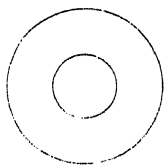
圓環形有面積及外周求內周并濶

設面積三百八十四尺

外周八十八尺

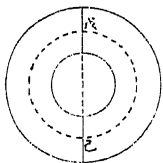
法以外周八十八尺用周求徑法求得外徑二十八尺零一分一釐一毫有餘又用周徑求積法求得外圓面積六百一十六尺二十四寸六十四分內減去環積三百八十四尺餘二百三十二尺二十四寸六十四分

為內周圓面積乃用有圓面積求徑法求得內周徑一
 十七尺一寸九分六釐與外徑二十八尺零一分一釐
 二毫相減餘一十尺八寸一分五釐二毫折半得五尺
 四寸零七釐六毫即圓環形之濶再用徑求周法求得
 周五十四尺零二分二釐八毫有餘即內周數也

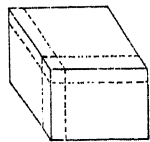


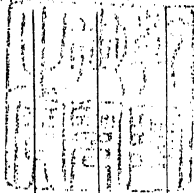
長濶共數

長濶和即



立方體積





莊氏算學卷六